

Course number: CSC.T341



# コンピュータ論理設計 Computer Logic Design

---

## 6. 命令セットアーキテクチャ: データ表現とアドレス指定形式

### Instruction Set Architecture: Data Representation and Addressing

吉瀬 謙二 情報工学系

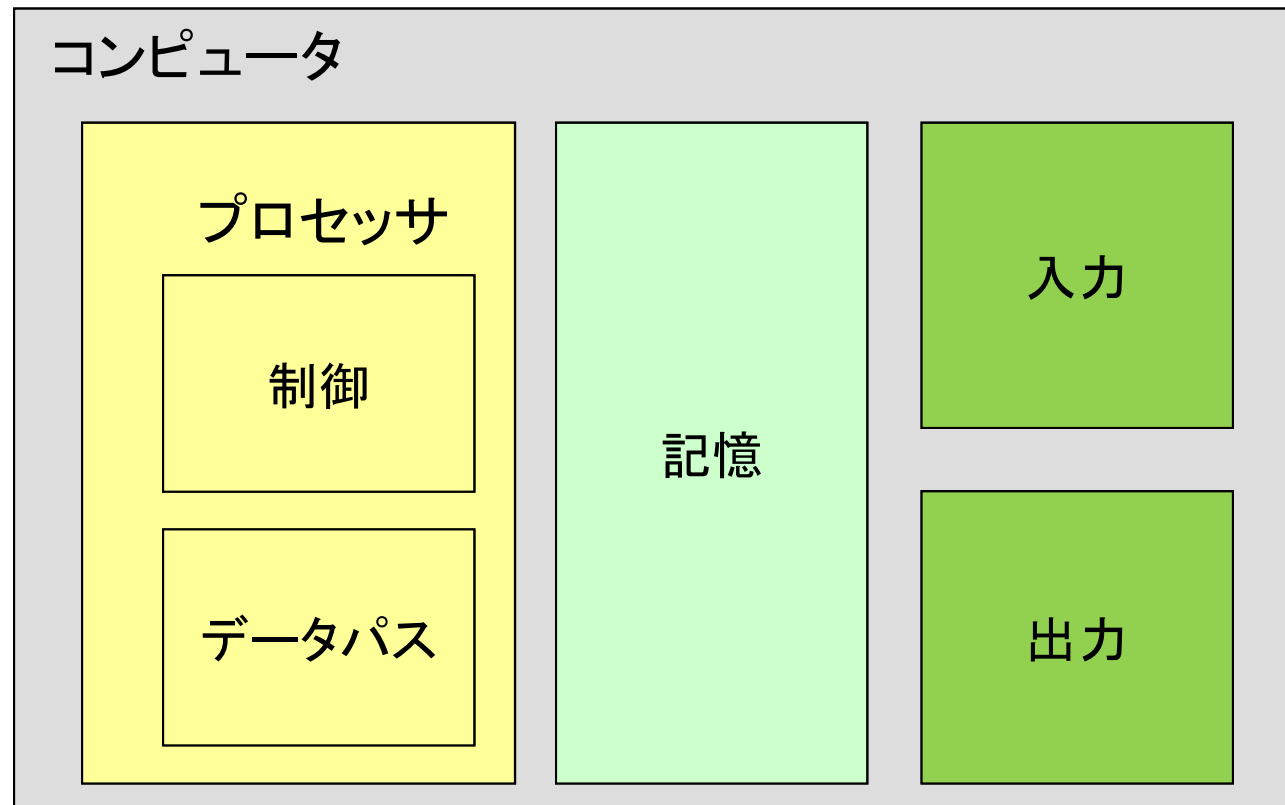
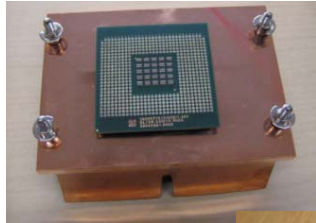
Kenji Kise, Department of Computer Science

kise\_at\_c.titech.ac.jp [www.arch.cs.titech.ac.jp/lecture/CLD/](http://www.arch.cs.titech.ac.jp/lecture/CLD/)

W621 講義室

月 10:45-12:15, 木 9:00-12:15

# コンピュータ(ハードウェア)の古典的な要素



プロセッサは記憶装置から命令とデータを取り出す。入力装置はデータを記憶装置に書き込む。出力装置は記憶装置からデータを読み出す。制御装置は、データパス、記憶装置、入力装置、そして出力装置の動作を指定する信号を送る。



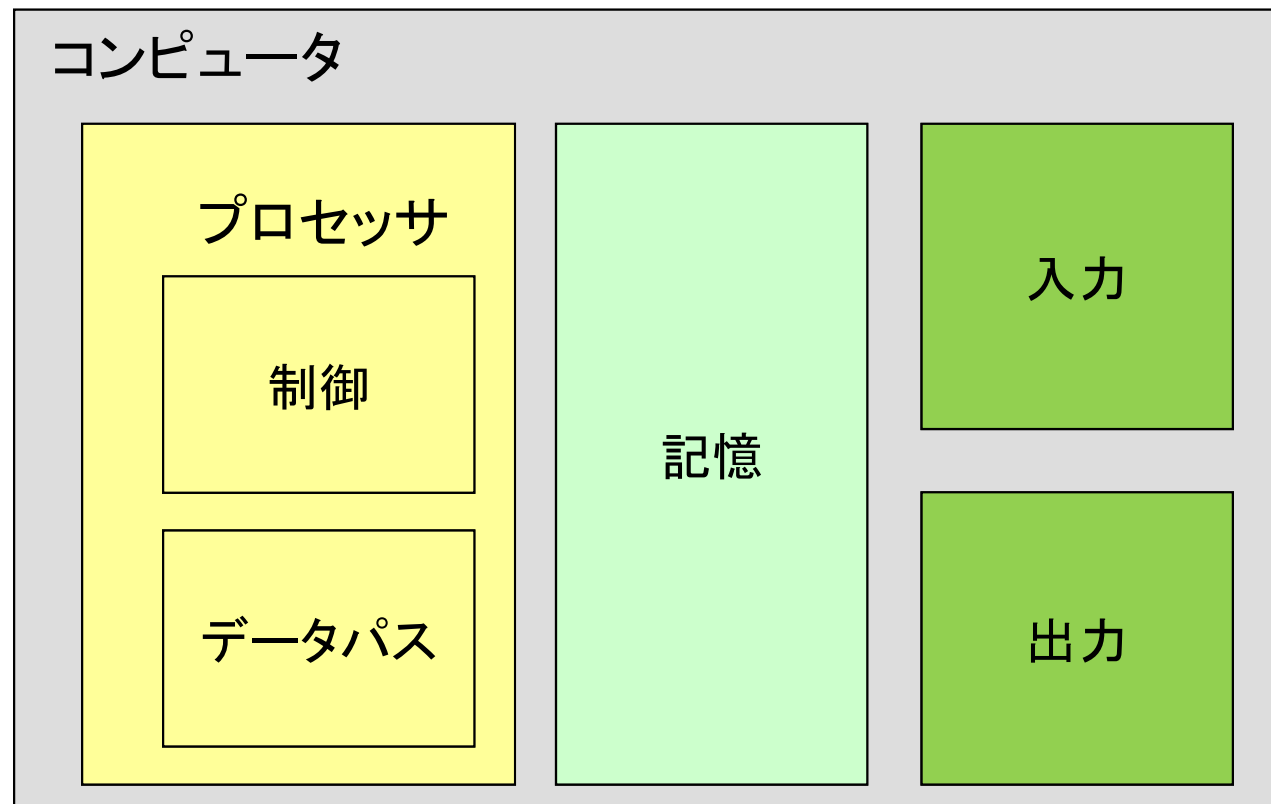
# コンピュータの古典的な要素

コンパイラ

インタフェース

Instruction Set Architecture (ISA), 命令セットアーキテクチャ

性能の評価



# RISC vs CISC



- **RISC (Reduced Instruction Set Computer)** philosophy
  - fixed instruction lengths
  - load-store instruction sets
  - limited addressing modes
  - limited operations
  - RISC: **MIPS**, Alpha, ARM, ...
- **CISC (Complex Instruction Set Computer)** philosophy
  - **!** fixed instruction lengths
  - **!** load-store instruction sets
  - **!** limited addressing modes
  - **!** limited operations
  - CISC : DEC VAX11, **Intel 80x86**, ...

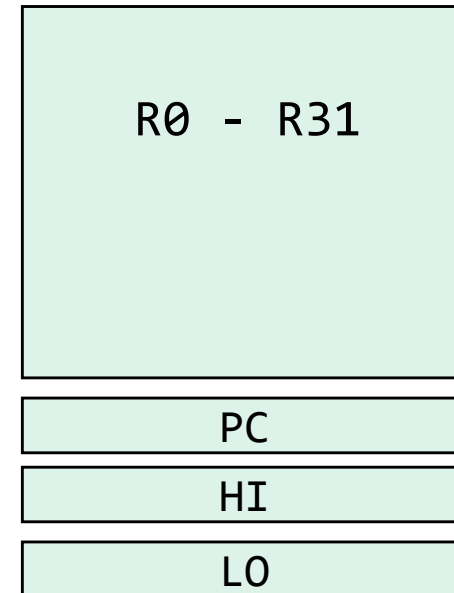


# MIPS R3000 Instruction Set Architecture (ISA)

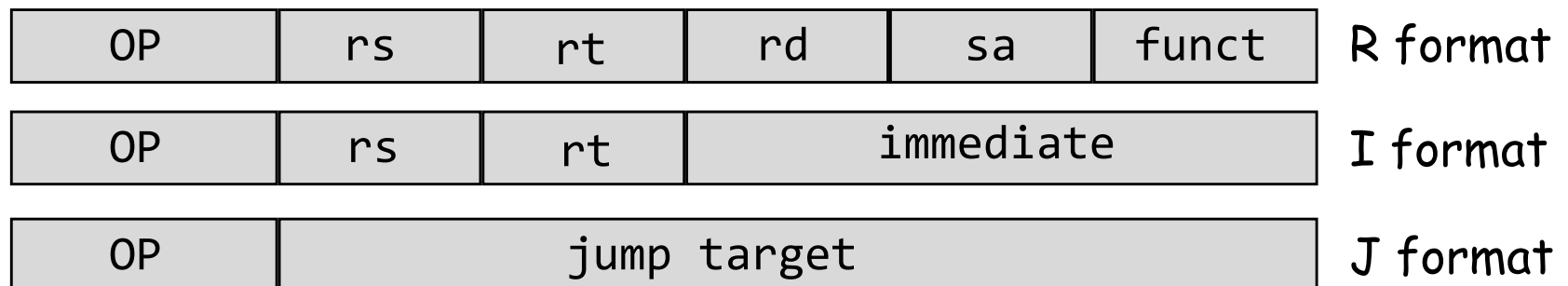
- Instruction Categories

- Computational
- Load/Store
- Jump and Branch
- Floating Point
  - coprocessor
- Memory Management
- Special

## Registers



## 3 Instruction Formats: all 32 bits wide



# MIPS Register Convention, ABI(Application Binary Interface)

Name	Register Number	Usage	Preserve on call?
\$zero	0	The Constant Value 0	N.A.
\$at	1	Assembler Temporary	No
\$v0 - \$v1	2-3	Returned Values	No
\$a0 - \$a3	4-7	Arguments	No
\$t0 - \$t7	8-15	Temporaries	No
\$s0 - \$s7	16-23	Saved Temporaries	Yes
\$t8 - \$t9	24-25	Temporaries	No
\$k0 - \$k1	26-27	Reserved for OS Kernel	No
\$gp	28	Global Pointer	Yes
\$sp	29	Stack Pointer	Yes
\$fp	30	Frame Pointer	Yes
\$ra	31	Return Address	Yes

# MIPS Arithmetic Instructions

- MIPS assembly language **arithmetic statement**

**add**    **\$t0**, \$s1, \$s2

**sub**    \$t0, \$s1, \$s2

- Each arithmetic instruction performs only **one** operation
- Each arithmetic instruction fits in 32 bits and specifies exactly **three operands**

**destination** <- source1 **op** source2

- Operand order is fixed (destination first)
- Those operands are **all** contained in the datapath's **register file** (\$t0, \$s1, \$s2) – indicated by \$



## Example (例題)

- $f = (g + h) - (i + j)$

$f, g, h, i, j$  をそれぞれレジスタ  $\$s0, \$s1, \$s2, \$s3, \$s4$  に割り付けるとする. 上のステートメントをコンパイルした結果のMIPSコードはどうなるか.





# Answer

- $$f = (g + h) - (i + j)$$

$f, g, h, i, j$  をそれぞれレジスタ  $\$s0, \$s1, \$s2, \$s3, \$s4$  に割り付けるとする. 上のステートメントをコンパイルした結果のMIPSコードはどうか.

```
add $t0, $s1, $s2    # $t0 = (g + h)
add $t1, $s3, $s4    # $t1 = (i + j)
sub $s0, $t0, $t1    # f    = $t0 - $t1
```



# Machine Language - Add Instruction

- Instructions, like registers and words of data, are 32 bits long
- Arithmetic Instruction Format (R format):

add \$t0, \$s1, \$s2



op 6-bits *opcode* that specifies the operation

rs 5-bits *register* file address of the first *source* operand

rt 5-bits *register* file address of the second source operand

rd 5-bits *register* file address of the result's *destination*

shamt 5-bits *shift amount* (for shift instructions)

funct 6-bits *function* code augmenting the opcode



# Example (例題)

- 次のMIPS命令列の機械語コードはどうなるか. 2進数と16進数で示せ.

```
add $t0, $s1, $s2    # $t0 = (g + h)
add $t1, $s3, $s4    # $t1 = (i + j)
sub $s0, $t0, $t1    # f    = $t0 - $t1
```



# Answer

- 次のMIPS命令列の機械語コードはどうなるか. 2進数と16進数で示せ.

```
add $t0, $s1, $s2  # $t0 = (g + h)
add $t1, $s3, $s4  # $t1 = (i + j)
sub $s0, $t0, $t1  # f    = $t0 - $t1
```

add \$t0, \$s1, \$s2

OP	rs	rt	rd	sa	funct
----	----	----	----	----	-------

```
module m_top();
  reg [31:0] r_i1, r_i2, r_i3;
  initial begin
    r_i1 = {6'h0, 5'd17, 5'd18, 5'd8, 5'h0, 6'h20};
    r_i2 = {6'h0, 5'd19, 5'd20, 5'd9, 5'h0, 6'h20};
    r_i3 = {6'h0, 5'd8, 5'd9, 5'd16, 5'h0, 6'h22};
    $write("i1: %b %x\n", r_i1, r_i1);
    $write("i2: %b %x\n", r_i2, r_i2);
    $write("i3: %b %x\n", r_i3, r_i3);
  end
endmodule
```

```
i1: 0000001000110010010000000100000 02324020
i2: 00000010011101000100100000100000 02744820
i3: 00000001000010011000000000100010 01098022
```



# Integer (整数) Representation

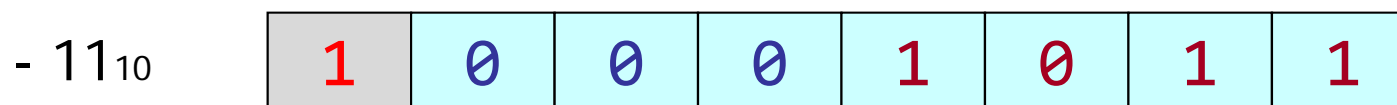
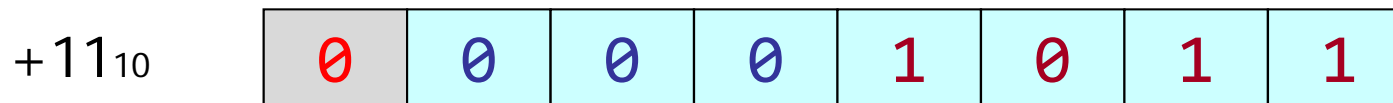
- 符号なし数, 負数を表現できない.
- 整数を2進数で表現する.
  - 例えば,  $11_{10}$  であれば,  $1011_2$  として下位ビットを決める.
  - 上位の残ったビットを0で埋める.
  - 8ビットであれば, 0~255 の256個の整数を表現できる.

0	0	0	0	1	0	1	1
---	---	---	---	---	---	---	---



# Integer (整数) Representation

- 符号つき絶対値 (sign and magnitude) 表現
  - $11_{10}$  であれば,  $1011_2$  として下位ビットを決める.
  - ただし, 最上位ビットを用いて符号を表す (符号ビット). 符号ビットが0であれば正数, 1であれば負数とする.
  - 残ったビットを0で埋める.
  - 8ビットであれば,  $-127 \sim 127$  までの 255個の整数を表現できる



# Integer (整数) Representation

- 2の補数 (two's complement) による符号付き数の表現
  - 正数のビットを反転させ, 1を加えたものを負数とする.
  - 8ビットであれば, - 128 ~ 127 までの 255個の整数を表現できる

$$0000\ 0000_2 = +0_{10}$$

$$0000\ 0001_2 = +1_{10}$$

$$0000\ 0010_2 = +2_{10}$$

...

$$0111\ 1101_2 = +125_{10}$$

$$0111\ 1110_2 = +126_{10}$$

$$0111\ 1111_2 = +127_{10}$$

0~127の正数

$$1111\ 1111_2 = -0_{10}$$

$$1111\ 1110_2 = -1_{10}$$

$$1111\ 1101_2 = -2_{10}$$

...

$$1000\ 0010_2 = -125_{10}$$

$$1000\ 0001_2 = -126_{10}$$

$$1000\ 0000_2 = -127_{10}$$

0~127の正数のビット反転  
(1の補数表現)

$$\underline{1111\ 1111_2} = -1_{10}$$

$$1111\ 1110_2 = -2_{10}$$

...

$$1000\ 0011_2 = -125_{10}$$

$$1000\ 0010_2 = -126_{10}$$

$$1000\ 0001_2 = -127_{10}$$

$$1000\ 0000_2 = -128_{10}$$

ビット反転に1を加えて得る負数



# Integer (整数) Representation

- 2の補数 (two's complement) 表現の特徴
  - 全てのビットを反転させて1を加えると, 正負が反転する.
  - 最上位ビットは符号ビットとよばれ, 0であれば正数, 1であれば負数.
  - 符号拡張(sign extension)と呼ばれるビット長を増やす処理は, 符号ビットを複製して補填すればよい.

$$x + \overline{x} = -1$$

$$\overline{x} + 1 = -x$$





## Example (例題)

- 16ビットの2進数の  $2_{10}$  と  $-2_{10}$  を32ビットの2進数に変換せよ. これらは2の補数で表現されているとする.



# Answer

- 16ビットの2進数の  $2_{10}$  と  $-2_{10}$  を32ビットの2進数に変換せよ. これらは2の補数で表現されているとする.

16ビットの2進数の  $2_{10}$     0000 0000 0000 0010

16ビットの2進数の  $-2_{10}$     1111 1111 1111 1110

32ビットの2進数の  $2_{10}$     0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0010

32ビットの2進数の  $-2_{10}$     1111 1111 1111 1111 1111 1111 1111 1110



# Verilog HDLで2の補数表現として表示

- ワイヤ型の信号の定義を **wire signed** とすることで, 2の補数表現の整数として扱われる.

```
module m_top();  
  reg [15:0] r_data = 16'b1111111111111110;  
  wire signed [15:0] w_data = r_data;  
  
  initial #1 begin  
    $write("%6d¥n", r_data);  
    $write("%6d¥n", w_data);  
  end  
endmodule
```

```
65534  
-2
```



# Verilog HDLで2の補数表現の符号拡張

- 符号拡張(sign extension)と呼ばれるビット長を増やす処理は, 符号ビットを複製して補填すればよい.
- 2の補数表現の16ビットの整数を32ビットの整数に変換する例

```
module m_top();  
  wire signed [15:0] w_data1 = 16'b1111111111111110;  
  wire signed [31:0] w_data2 = {{16{w_data1[15]}}, w_data1};  
  
  initial #1 begin  
    $write("%5d %32b¥n", w_data1, w_data1);  
    $write("%5d %32b¥n", w_data2, w_data2);  
  end  
endmodule
```

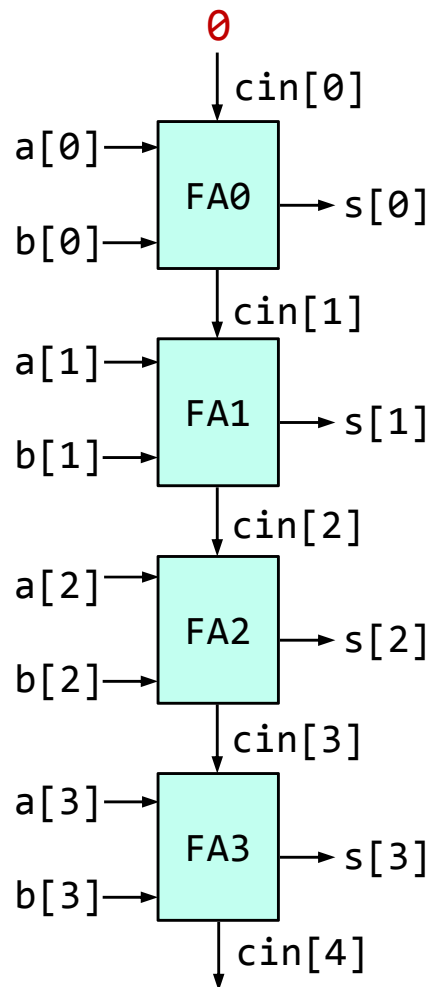
```
-2          1111111111111110  
-2 11111111111111111111111111111110
```



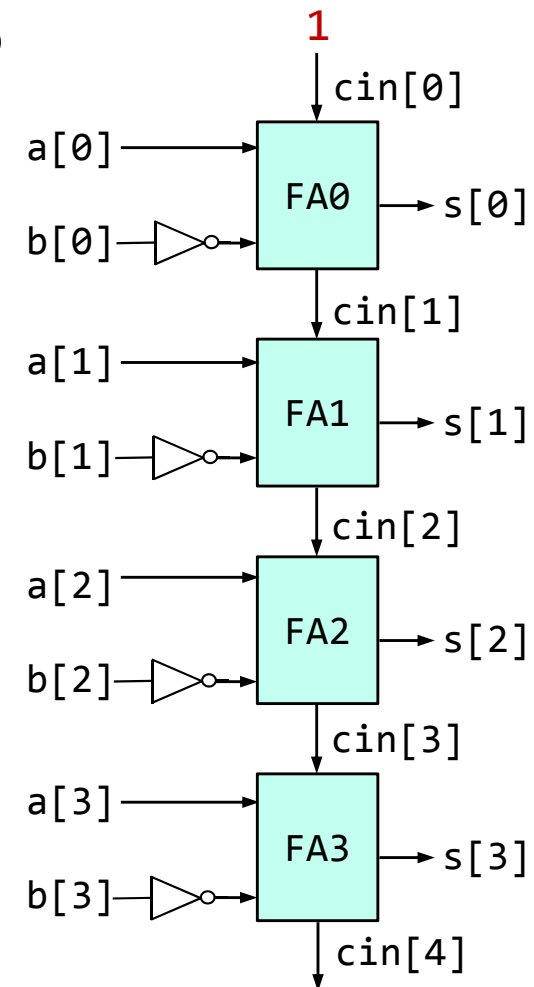
# Adder and Subtractor

- 4-bit Ripple Carry Adder

$$s = a + b$$



$$s = a - b$$



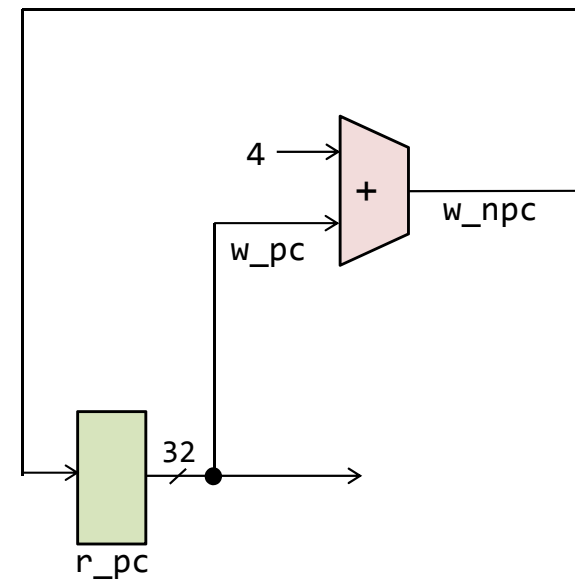
# References

- Computer Logic Design support page
  - <http://www.arch.cs.titech.ac.jp/lecture/CLD/>
- 情報工学系計算機室
  - <http://www.csc.titech.ac.jp/>
- Xilinx Vivado Design Suite
  - <https://japan.xilinx.com/products/design-tools/vivado.html>
- Digilent Nexys 4 DDR Artix-7 FPGA
  - <https://reference.digilentinc.com/reference/programmable-logic/nexys-4-ddr/start>
  - <https://store.digilentinc.com/nexys-4-ddr-artix-7-fpga-trainer-board-recommended-for-ece-curriculum/>
- Verilog HDL
  - <https://ja.wikipedia.org/wiki/Verilog>
- Frix (Feasible and Reconfigurable IBM PC Compatible SoC)
  - <http://www.arch.cs.titech.ac.jp/a/Frix/>
- 7シリーズFPGAデータシート: 概要
  - [https://japan.xilinx.com/support/documentation/data\\_sheets/j\\_ds180\\_7Series\\_Overview.pdf](https://japan.xilinx.com/support/documentation/data_sheets/j_ds180_7Series_Overview.pdf)
- 7シリーズFPGA コンフィギャラブルロジックブロック ユーザーガイド
  - [https://japan.xilinx.com/support/documentation/user\\_guides/j\\_ug474\\_7Series\\_CLB.pdf](https://japan.xilinx.com/support/documentation/user_guides/j_ug474_7Series_CLB.pdf)



# Sample Circuit 1

```
module m_main (w_clk, w_pc);  
  input  wire w_clk;  
  output wire [31:0] w_pc;  
  reg [31:0] r_pc = 0;  
  
  assign w_pc = r_pc;  
  wire [31:0] w_npc = w_pc + 4;  
  always@(posedge w_clk) r_pc <= w_npc;  
endmodule
```



# Sample Circuit 2



```
module m_main (w_clk, w_ifpc);
  input  wire w_clk;
  output wire [31:0] w_ifpc;
  reg [31:0] r_pc = 0;
  reg [31:0] r_ifpc = 0;

  assign w_pc = r_pc;
  assign w_ifpc = r_ifpc;
  wire [31:0] w_npc = w_pc + 4;
  always@(posedge w_clk) r_pc  <= w_npc;
  always@(posedge w_clk) r_ifpc <= w_pc;
endmodule
```

