電磁気学基礎 I-e(上妻)No.3



2018.11.5

【1】《直線上の3電荷》



- 一直線上に電荷 q_1, q_2, q_3 がこの順に並んでおり、 q_1 と q_2 の間の距離は a、 q_2 と q_3 の間の距離は 2a である.
- (i) 各電荷に働く力を求めよ.
- (ii) 3 つの電荷が平衡にあるためには q_1, q_2, q_3 をどのように選べばよいか.
- (iii) (ii) まで解けた A 君と B 君は次のような疑問を持った.

A君: (ii) で方程式が3本出てきて求めるべきは q_1, q_2, q_3 の3つであるのに,具体的値は求まらなかった.なぜだろうか.

B君: (ii) で得られた方程式で $\tilde{q}_2=q_2/q_1$, $\tilde{q}_3=q_3/q_1$ とおくと,未知数は \tilde{q}_2 と \tilde{q}_3 の 2 つになる. 方程式は 3 本あるから,未知数 2 つでは一般に解がないように思われるのだが,今の問題ではちゃんと解が求まった.これは偶然なのだろうか.

二人に明快な解説をお願いします.

【2】《電場》

- (0,0,l/2) と (0,0,-l/2) に電荷 q がそれぞれ置かれている.
- (i) z軸上の点,および xy 平面上で原点より距離 r だけ離れた点での電場を求め,グラフの概形を描け.
- (ii) 上の電場は原点から十分遠い場所ではどのように振る舞うか.
- (x) $z \to \infty$ や $r \to \infty$ の極限値を問うているのではない. 極限値がゼロなのは自明だ.
- (iii) (ii) の結果に関して物理的考察を記せ.

【3】《電気双極子》

- (0,0,l/2) に電荷 q>0 が、(0,0,-l/2) に電荷 -q が、それぞれ置かれている.
- (i) z 軸上の点 (0,0,z), および xy 平面上で原点より距離 r だけ離れた点での電場を求めよ.
- (ii) 上の電場は原点から十分遠い場所ではどのように振る舞うか.
- (iii) (ii) の結果に関して物理的考察を記せ.