

課題1の回答

表のプロジェクトのアローダイヤグラムを作成し、最早開始時刻とプロジェクトの所要日数を求めよ。

アローダイヤグラム

節点番号	最早開始時刻
2	4
3	6
4	9
5	11

2011/12/20 Katsuyoshi Iida (c) 2

課題2の回答

作業名 全余裕 自由余裕

作業名	全余裕	自由余裕
1,2	5	0
2,3	5	5
2,4	7	7
3,5	2	2

0 2 5 6 10 13 15 17

2011/12/20 3

組み合わせ最適化問題(1)

・概要

- 解ベクトルの各要素が離散的な値しかとらず、実行可能解の数が有限個に制限されている問題
- 例: 最短路問題、枝数を m とすれば解ベクトルは高々 m 個しかない
- 変数が整数のみを取ると言う条件で最適化を行う組み合わせ最適化法の一つ = _____



2011/12/20

Katsuyoshi Iida (c)

4



組み合わせ最適化問題(2)

・問題:

- 変数の数が増えたときに解の数が爆発的に増えること
- 例: 0,1のみをとりうる n 個の変数
 - $n=10$ → 解の数 = _____
 - $n=30$ → 解の数 = _____
 - $n=50$ → 解の数 = _____

・効率的なアルゴリズムの構築が必要

- 手法: 問題の性質や構造を利用



2011/12/20

Katsuyoshi Iida (c)

5



組み合わせ最適化問題(3)

・欲張り法

- アルゴリズムの途中過程で、近視眼的なローカル最適化を行うことで、問題全体のグローバル最適化を行おうとする方法の総称
- 欲張り法の適用範囲は限られている

・分枝限定法

- 解空間の全ての候補を総当たりで検索する際に、不必要的枝を先に刈り取ることで、計算量を削減する方法

・動的計画法 (dynamic programming)

- 問題全体の解を求めるために、小さい問題の最適解を求め、次第に拡張していく方法

・近似解法 (heuristic methods)

- 最適解の探索が困難な問題に利用する方法



2011/12/20

Katsuyoshi Iida (c)

6



欲張り法(1)

- アルゴリズムの途中過程で、近視眼的なローカル最適化を行うことで、問題全体のグローバル最適化を行おうとする方法
 - この方法の適用範囲は限られている
- 必ず最適解が求まる例:
 - 最小木問題 (minimum spanning tree problem)
 - あるグラフにおける最小の長さをもち、全ての節点を含む木を求める



2011/12/20

Katsuyoshi Iida (c)

7

欲張り法(2)

- 問題 4.1
 - 下図のネットワークの最小木を求めよ。
- 最小木問題における欲張り法 = _____
-
0. 枝を長さの短い順でソートする。枝 $e_i \in E$ の長さを a_i とするとき $a_1 \leq a_2 \leq \dots \leq a_m$ となる。 $T = \{e_1\}$, $k = 2$ とする。
1. $T \cup \{e_k\}$ が閉路を含まないときに $T \leftarrow T \cup \{e_k\}$ とする。
2. T がスパニングツリーになつていれば終了、そうでなければ $k \leftarrow k+1$ として、1に戻る。



2011/12/20

Katsuyoshi Iida (c)

8

欲張り法(3)

- スパニングツリーの枝の本数は必ず _____ 本となるので、2. の判定は集合 T に含まれる枝数を数えるだけでよい。
- 次ページで実際に問題4.1を解く



2011/12/20

Katsuyoshi Iida (c)

9

ナップザック問題(3)

- 下記の問題を考える。

目的関数 : $7x_1 + 8x_2 + x_3 + 2x_4 \rightarrow \text{最大化}$

制約条件 : $4x_1 + 5x_2 + x_3 + 3x_4 \leq 6$

$$x_i \in \{0,1\}$$

- クラスカル法の解=(1,0,1,0), r=8
- 最適解=(0,1,1,0), r=9



2011/12/20

Katsuyoshi Iida (c)

16



欲張り法の弱みと強み

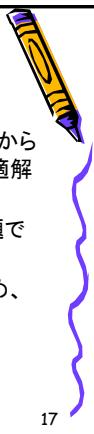
- 最小木問題では、最小化するために短い枝から順にとれいれる方法(欲張り法)によって最適解の探索が可能
- ナップザック問題をはじめとする、多くの問題では最適解の探索が不能
- しかし、考え方が簡単で計算量が少ないため、近似解を得るために使われることがある



2011/12/20

Katsuyoshi Iida (c)

17



期末試験の範囲

- 線形計画問題
- ネットワーク計画法
- PERT
- 組み合わせ計画問題
- (非線形計画問題)



2011/12/20

Katsuyoshi Iida (c)

18



次回授業

・ 2012/01/10(火)5~6時限



2011/12/20

Katsuyoshi Iida (c)

19