## 第3章(続き)

## 光変復調技術(4)

2011年12月5日(月)

# OFDM(続き)

### 2011年度 光通信システム PLCによるOFDM信号のチャネル分離(1)





### 2011年度 $H \oplus E_{\text{Hdf} > \lambda \neq J}$ PLCによるOFDM信号のチャネル分離(2)

## dnの抽出 $S(t) = \sum_{n=1}^{N-1} d_n \cdot e^{j2\pi(f_0 + nB)t}$ サンプリング $t = \Delta t \cdot k = -\frac{k}{k}$ $S(t) \cdot e^{-j2\pi f_0 t} = \sum_{n=0}^{N-1} d_n \cdot e^{j2\pi Bt}$ $= \sum_{n=0}^{N-1} d_n \cdot e^{j2\pi \frac{k}{N}}$ 離散フーリエ変換 *n*=0 $d_{n} = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} S(k \cdot \Delta t) e^{-j2\pi f_{0}k \cdot \Delta t} \cdot e^{-j\frac{2\pi}{N}kn} \qquad Y_{k} = \sum_{n=0}^{N-1} X_{n} \cdot e^{-j\frac{2\pi}{N}kn}$ $=\frac{1}{N}\sum_{k=0}^{N-1}S'(k\cdot\Delta t)e^{-j\frac{2\pi}{N}kn}$ 離散逆フ-ーリエ変換 $X_n = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} Y_k \cdot e^{j\frac{2\pi}{N}kn}$ 入力信号の分割・遅延 $S'(k \cdot \Delta t) \equiv S(k \cdot \Delta t)e^{-j2\pi f_0 k \Delta t}$

### 2011年度 光通信システム PLCによるOFDM信号のチャネル分離(3)

$$d_{n} = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} S'(k \cdot \Delta t) e^{-j\frac{2\pi}{N}kn}$$

$$\begin{bmatrix} d_{0} \\ d_{1} \\ d_{2} \\ d_{3} \end{bmatrix} = \frac{1}{N} \begin{bmatrix} G^{0} & G^{0} & G^{0} & G^{0} \\ G^{0} & G^{1} & G^{2} & G^{3} \\ G^{0} & G^{2} & G^{4} & G^{6} \\ G^{0} & G^{3} & G^{6} & G^{0} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} S'(0) \\ S(\Delta t) \\ S'(2\Delta t) \\ S'(3\Delta t) \end{bmatrix} (fzfz) \quad G = e^{-j\frac{2\pi}{N}})$$

$$S'(k \cdot \Delta t) = S'(0)G^{0} + S'(\Delta t)G^{0} + S'(\Delta t)G^{0} + S'(2\Delta t)G^{0} + S'(\Delta t)G^{0} + S'(\Delta t)G^{0} + S'(2\Delta t)G^{0} + S'(\Delta t)G^{0} + S'(2\Delta t)G^{0} + S'(\Delta t)G^{0} + S'(2\Delta t)G^{0} + S'(2\Delta t)G^{0} + S'(\Delta t)G^{0} + S'(2\Delta t)G^{0} + S'(\Delta t)G^{0} + S'(2\Delta t)G^{0} + S'(\Delta t)G^{0} + S'(2\Delta t)G^{0} + S'(\Delta t)G^{0} + S'(2\Delta t)G^{0} + S'(\Delta t)G^{0} + S'(2\Delta t)G^{0} + S'(2\Delta t)G^{0} + S'(\Delta t)G$$

### <sup>2011年度</sup> <sub>光通信システム</sub> PLCによるOFDM信号のチャネル分離(4)

### N×N編み込みをスラブ導波路に置換



● 導波路間隔・焦点距離を適切に設定するとDFTの位相回転子群を形成可

- 導波路交差による損失0
- 🛑 回路サイズ小

# MIMO

## 無線通信におけるMIMO (Multiple-Input Multiple-Output)

MIMO: Multiple-Input Multiple-Outputとは



無線通信において複数の伝送路(マルチパス)を用いてたくさんの 情報を伝送する技術

● 標準化技術(IEEE802.11n)において用いられるようになった。

MIMOの役割(1)

- シャノン限界(シャノンの通信路容量定理)  
誤りなく伝送できる伝送容量の上限を与えるもの。  
$$C = W \log_2 \left( 1 + \frac{S}{N} \right)$$
  
C:伝送速度, W:周波数帯域幅, S:信号の平均電力, N:雑音の平均電力

$$\frac{C}{W} = \log_2\left(1 + \frac{S}{N}\right) \approx \log_2\left(\frac{S}{N}\right)$$
 if  $\frac{S}{N} >> 1$  なので

電力を大きくしても、それに見合った周波数利用効率の向上につながらない (非効率)。

(例) 周波数利用効率C/Wを10倍(2値符号での0.5bps/HzをDP-32QAM 符号で10倍)にするためには、S/Nを2<sup>10</sup>=1024倍に高めなければ ならない。

マルチパスを用いると。。。

$$C = MW \log_2 \left(1 + \frac{S}{MN}\right)$$

M:マルチパス・チャネル数

### 効率よく周波数利用効率を向上できる。

(補足)その他、切れないリンクを実現する技術としても活用される。

**MIMOの原理** 



### MIMOチャネルの伝送行列表現(1)



行列の固有値・対角化を利用してAを変形する。

 $A^{H}A$  : (M×M)のエルミート行列 固有値: $\lambda_{1}, \lambda_{2}, ..., \lambda_{M0}(A^{H}A, AA^{H}C共通)$ 固有値 $\lambda_{i}$ に属する固有値ベクトル: $e_{t,1} e_{t,2} ... e_{t,M0}$  $AA^{H}$  : (N×N)のエルミート行列 固有値: $\lambda_{1}, \lambda_{2}, ..., \lambda_{M0}(A^{H}A, AA^{H}C共通)$ 固有値 $\lambda_{i}$ に属する固有値ベクトル: $e_{r,1} e_{r,2} ... e_{r,M0}$ 

2011年度 光通信システム チャネル応答行列Aは以下で表される。

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{e}_{r,1} & \mathbf{e}_{r,2} \cdots \mathbf{e}_{r,M0} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \sqrt{\lambda_1} & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & \sqrt{\lambda_2} & 0 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & \sqrt{\lambda_{M0}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{e}_{t,1} & \mathbf{e}_{t,2} \cdots \mathbf{e}_{t,M0} \end{bmatrix}^H$$

 $=E_r D E_t^H$ 

- 実伝送路に合わせて、送信側のビームフォーミングネットワークを $E_t$ に、 受信系を $E_r$ <sup>H</sup>とすると、 $M_0$ 個の信号が独立に利得 $\sqrt{\lambda_i}$ で干渉なく伝送可能
- 伝送チャネルの特性把握は、相関行列の固有値の把握と等価

固有モード伝送方式



## 光OFDM信号検出へのMIMO利用

2011年度

光通信システム

S.L. Jansen, I. Morita, and H. Tanaka, ECOC2007, PDS1.3 (2007).



偏波多重信号の分離用にMIMO活用

## モード多重の励振(1-1)

### A. Li, A. Al Amin, X. Chen, and W. Shieh, OFC/NFOEC2011, PDPB8 (2011).



## モード多重の励振(1-2)

A. Li, A. Al Amin, X. Chen, and W. Shieh, OFC/NFOEC2011, PDPB8 (2011).



## モード多重の励振(2-1)

M. Salsi, C. Koebele, D. Sperti, P. Tran, P. Brindel, H. Mardoyan, S. Gigo, A. Boutin, F. Verluise, P. Sillard, M. Astruc, L. Provost, F. Cerou, and G. Charlet, OFC/NFOEC2011, PDPB9 (2011).



## モード多重の励振(2-2)

M. Salsi, C. Koebele, D. Sperti, P. Tran, P. Brindel, H. Mardoyan, S. Gigo, A. Boutin, F. Verluise, P. Sillard, M. Astruc, L. Provost, F. Cerou, and G. Charlet, OFC/NFOEC2011, PDPB9 (2011).



## モード多重の励振(3-1)

R. Ryf, S. Randel, A.H. Gnauck, C. Bolle, R.-J. Essiambre, P.J. Winzer, D.W. Peckkam, A. McCurdy, And R. Lingle, Jr., OFC/NFOEC2011, PDPB10 (2011).

位相板によるLP01→LP11a, LP11b変換

## モード多重の励振(3-2)

R. Ryf, S. Randel, A.H. Gnauck, C. Bolle, R.-J. Essiambre, P.J. Winzer, D.W. Peckkam, A. McCurdy, And R. Lingle, Jr., OFC/NFOEC2011, PDPB10 (2011).

3MF(Three Mode Fiber)上の(LP01, LP11a, LP11b)×偏波多重 6モード伝送

## モード多重の励振(3-3)

R. Ryf, S. Randel, A.H. Gnauck, C. Bolle, R.-J. Essiambre, P.J. Winzer, D.W. Peckkam, A. McCurdy, And R. Lingle, Jr., OFC/NFOEC2011, PDPB10 (2011).





## モード多重の励振(4-1)

N. Hanzawa, K. Saitoh, T. Sakamoto, T. Matsui, S. Tomita, and M. Koshiba, OFC/NFOEC2011, OWA4 (2011).



## モード多重の励振(4-2)

N. Hanzawa, K. Saitoh, T. Sakamoto, T. Matsui, S. Tomita, and M. Koshiba, OFC/NFOEC2011, OWA4 (2011).

CSF(Cut-off Shifted Fiber)上の伝送・モード多重/分離

## 第4章

## 光変復調技術

- 1. 光送信器
  - 1-1 送信器の基本構成
  - 1-2. 送信器の動作原理
- 半導体レーザ
- 変調器(電界吸収型・電界効果型)
  - 1-3.送信器の実例
- 2. 光受信器
  - 2-1 受信器の基本構成
  - 2-2 受信器の実例

## 信号伝送における送信の役割



2011年度 光通信システム

デジタル方式の利点



2011年度 光通信システム

光強度変調方式(1) 直接変調方式の構成



光アクセス(FTTH)用光源にはなし







### <sup>2011年度</sup> 光通信システム 半導体レーザの動作原理



<sup>2011年度</sup> <sub>光通信システム</sub> 直接変調方式の電流・光出力の設定(1-1)



<sup>2011年度</sup> <sub>光通信システム</sub> 直接変調方式の電流・光出力の設定(1-2)



### <sup>2011年度</sup> <sub>光通信システム</sub> 直接変調方式の電流・光出力の設定(2-1)



2011年度 直接変調方式の電流・光出力の設定(2-2) 光通信システム





Ith < 1.5mA (*a*)  $\tau$ s=0.5ns

 B=2.5Gbps伝送に対して40ps以下の発振遅延時間(Bの10%)を 得るためには、

Ith < 0.64 mA (*a*)  $\tau$ s=0.5 ns

### 直接変調方式の制限

① 半導体レーザの本質的な変調帯域制限:緩和振動周波数 f<sub>r</sub>

$$f_{r} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{v_{g}}{eL} \frac{\Gamma_{MQW}}{wN_{w}L_{w}}} \eta_{i} \left(\frac{dg}{dn}\right) (1-\varepsilon S)(I-I_{th})$$
  
10 ~ 20GHzが一般的
  
② 等価回路上の電気的(CR)帯域制限
  
 $f_{3dB} < 20$ GHz
  
③ 時間的な波長変動(チャーピング)の影響
  
 $\alpha パラメ-9: \alpha = 3 ~ 7$ (伝送距離制限)

L:共振器長	<b>Γw : 光閉じ込め係数</b>
w:活性層幅	dg/dn:微分利得係数
Nw:OW数	ε:利得飽和係数
Lw:OW厚	I : バイアス電流
ηi:内部量子効率	Ith : 閾値電流

他の変調方式の必要性 (外部変調)

M. Suzuki, H. Hatakeyama, K. Fukatsu, T. Anan, K. Yashiki and M. Tsuji, Electron. Lett., vol.42, No.17, pp.975-976 (2006).



2011年度 <sup>光通信システム</sup> 直接変調方式の技術的課題



2011年度 光通信システム

光強度変調方式(2) <u>外部変調方式の構成</u>



# 光変調器(電界吸収型変調器)

## 光変調器の動作原理(1)

(電界吸収型)

EA Modulator (EAM): 電界吸収型変調器







# マッハツェンダー型光変調器



### モード結合導波路(1)



式(5.1)を微分して式(5.2)を代入  $\frac{d^2A}{dz^2} + j2\Delta \frac{dA}{dz} + \kappa^2 A = 0$  (5.3)  $\kappa^2 = \kappa_{12} \times \kappa_{21}^*$   $2\Delta = \beta_2 - \beta_1$ 

### 結合導波路の結合係数

式(5.1)の<sub>K12</sub>は対称構造において以下の式で表される。

$$\kappa_{12} = \frac{\kappa_0^2}{\beta_0} \frac{1}{\gamma a} \frac{\exp(-\gamma d)}{1 + (\frac{\kappa_0}{\gamma})^2}$$

たたじ 
$$\kappa_0 = \sqrt{k_0^2 n_1^2 - \beta_0^2}$$
  
 $\gamma = \sqrt{\beta_0^2 - k_0^2 n_2^2}$   
 $k_0 = \frac{2\pi}{\lambda_0}$ 

n1:コアの屈折率 n2:クラッドの屈折率 a:コア幅の1/2 d: 2つのコアの間隔 λ0: 真空中の波長

## モード結合導波路(2)

### qを未知数とし、

2011年度

光诵信システム

$$A(z) = [a_1 e^{jqz} + a_2 e^{-jqz}] \exp(-j\Delta z) \quad (5.4)$$

$$B(z) = [b_1 e^{jqz} + b_2 e^{-jqz}] \exp(j\Delta z)$$
 (5.5)

式(5.4), (5.5)を式(5.1)、(5.2)に代入し、  $a_1 + a_2 = A(0)$  (5.6)  $b_1 + b_2 = B(0)$  (5.7)

を満足する定数 $a_1, a_2, b_1, b_2$ を求めると、以下の一般解を得る。  $A(z) = \{ [\cos(qz) + j\frac{\Delta}{q}\sin(qz)]A(0) - j\frac{\kappa}{q}\sin(qz)B(0) \} \exp(-j\Delta z)$ (5.8)  $B(z) = \{ -j\frac{\kappa}{q}\sin(qz)A(0) + [\cos(qz) - j\frac{\Delta}{q}\sin(qz)]B(0) \} \exp(j\Delta z)$ (5.9) ただし、  $q = \sqrt{\kappa^2 + \Delta^2}$ 

### モード結合導波路(3)

片方の導波路のみに光が入射された場合、A(0)=A<sub>0</sub>, B(0)=0なので

2011年度

光通信システム



### モード結合導波路(4)

2本の導波路が同一構造の場合( $\beta_1 = \beta_2$ または $\Delta = 0$ )、式(5.8), (5.9)は以下のようになる。

$$\begin{cases} A(z) = A(\mathbf{0})\cos(\kappa z) - jB(\mathbf{0})\sin(\kappa z) & (5.12) \\ B(z) = -jA(\mathbf{0})\sin(\kappa z) + B(\mathbf{0})\cos(\kappa z) & (5.13) \end{cases}$$

#### マッハツェンダー型導波路の解析(1) 光通信システム

2011年度



### <sup>2011年度</sup> 光通信システム マッハツェンダー型導波路の解析(2)

式(5.16)、(5.17)を式(5.12)、(5.13)のA(0)、B(0)に代入  

$$\begin{cases}
A_3 = -jA_0 \sin(\frac{\phi}{2\phi}) \exp(-j\beta L + j\frac{\phi}{2\phi}) & (5.18) \\
B_3 = -jA_0 \cos(\frac{\phi}{2}) \exp(-j\beta L + j\frac{\phi}{2}) & (5.19)
\end{cases}$$

$$\sum \left\{ \begin{array}{c} \left|A_{3}\right|^{2} = \left|A_{0}\right|^{2} \sin^{2}\left(\frac{\phi}{2}\right) & (5.20) \\ \left|B_{3}\right|^{2} = \left|A_{0}\right|^{2} \cos^{2}\left(\frac{\phi}{2}\right) & (5.21) \end{array} \right.$$

$$\phi=0$$
のとき、 $|A_3|^2=0, |B_3|^2=1$   
 $\phi=\pi$ のとき、 $|A_3|^2=1, |B_3|^2=0$ 

$$\phi = \frac{\pi}{2} + \delta \phi$$
 となるようにバイアスを加えると、  
 $|A_3|^2 \simeq \frac{1}{2} |A_0|^2 (1 + \delta \phi)$  (5.22)  $\longrightarrow$    
るゅに比例した  
強度変化が得られる

### 2011年度 光通信システム マッハツェンダー型干渉計の強度変調器の動作を再度



<sup>2011年度</sup> <sub>光通信システム</sub> マッハツェンダー型導波路用デバイス(電気光学結晶)



 $\delta\phi = \frac{\pi n_e^3 r_{33} L}{d\lambda} V_0 \qquad \longrightarrow \qquad \stackrel{\text{ポッケルス効果: 屈折率変化が印加電圧}}{01乗に比例}$ 

実際の送信器構成の一例



#### <sup>2011年度</sup> 光通信システム 外部変調器におけるチャーピング



- ① 電気光学結晶(LiNbO<sub>3</sub>)の場合
   印加電界による屈折率変動がチャーピングの原因
   → 影響小
- ② 半導体(EA変調器)の場合 光励起キャリアによる屈折率変動がチャーピングの原因
- → LiNbO<sub>3</sub>より影響大

バイアス電圧を選ぶとブルーチャープ領域があり、パルス圧縮の効果 が期待できる。

# 光受信器

### 光受信器の役割



2011年度 フォトディテクタの動作原理(1) 光通信システム pin-PDの構造 発生電流:  $I = e \eta_i \frac{P_{in}}{r}$ → 受信光の吸収により発生する電子数(効率は  $\hbar\omega$ 内部量子効率として考慮)に電子素量を掛けて 電流を導出 np<sup>-</sup>p<sup>+</sup>型 000000 p型InP 電子 000000 0 0000000 +ħα 。 。 。 。 。 。 。 。 。 ホール 00 00 00 GaInAs(P)系 吸収層 n型InP 逆バイアス電圧