第10回

ビット誤り率(2)・光増幅器(1)

2009年12月21日(月)

IM-DD方式のBER (続き)



パワーペナルティ

G.P. Agrawal, "Fiber-Optic Communication Systems", Wiley-Interscience, pp.184.



2009年度 光通信システム

受信感度の劣化要因(1) 劣化要因の種類



2009年度 光通信システム

受信感度の劣化要因(2) 消光比による劣化



消光比
$$EX = \frac{P_1}{P_0}$$

消光比によるパワーペナルティ δ_{EX} とすると、 $\delta_{EX} = 10\log(\frac{1 + \frac{1}{EX}}{1 - \frac{1}{EX}})$ [dB]

もし δ_{EX} <0.5dBとするためには、 EX > 12.4dBとしなければならない。



2009年度 光通信システム

受信感度の劣化要因(3) タイミングジッタによる劣化



帯域・ジッタ積

受信感度の劣化要因(4) 2009年度 ファイバの分散と信号のチャープによる劣化 光通信システム 分散によるパワーペナルティを δとすると、 $\delta_{c} = 5\log[(1 - 8C_{p}\beta''B^{2}L)^{2} + (8\beta''B^{2}L)^{2}] \text{ [dB]}$ 8 ペナルティ [dB ただし $\beta'' = -\frac{\lambda^2}{2\pi c}\sigma_T$ Cp = 3 $\mathbf{C}\mathbf{p} = \mathbf{0}$

0

-2

0

~ .

もし δ_{c} <0.5dBとするためには、 $|\beta^{,*}B^{2}L < 0.05$ としなければならない $(\sigma_{T}L < 1880$ ps/nm @ 10Gbps NRZ)。

 β '' B^2L

0.1

 $\mathbf{C}\mathbf{p} = -1$

0.2



実用システム設計例 レベルダイアグラム

Pt [dBm] = Ps [dBm] + L [dB] + Pe [dB] + M [dB]

- ・最小受信感度-18dBm @ 10Gbpz NRZ, PIN-PD ・最大受信光レベル0dBm
- ・最長ファイバ区間20km, 最短ファイバ区間1km
- ・最長ケース:融着0.1dB/箇所 10箇所,コネクタ接続0.2dB/箇所 2箇所
- ・最短ケース:融着0.1dB/箇所 0箇所,コネクタ接続0.2dB/箇所 2箇所



コヒーレント検波方式のBER

コヒーレント検波のBER特性(1)

2009年度

光通信システム



コヒーレント検波のBER特性(2)

ヘテロダイン検波方式の中間周波電流S_Hを導出する。

$$P_{tot}(t) = [E_{s}(t) + E_{LO}(t)]^{ms}$$

$$i(t) = e\eta i \left(\frac{1}{\hbar\omega}\right) P_{tot}(t) = e\eta i \left(\frac{1}{\hbar\omega}\right) [\sqrt{2P_{s}} \cos \omega_{s} t + \sqrt{2P_{LO}} \cos \omega_{LO} t]^{ms}$$

$$= e\eta i \left(\frac{1}{\hbar\omega}\right) [\operatorname{Re} \{\sqrt{2P_{s}} \exp(j\omega_{s} t) + \sqrt{2P_{LO}} \exp(j\omega_{LO} t)\}]^{ms}$$

$$= e\eta i \left(\frac{1}{\hbar\omega}\right) [\operatorname{Re} \{\exp j\omega_{LO}t\} \{\sqrt{2P_{s}} \exp(j(\omega_{s} - \omega_{LO})t) + \sqrt{2P_{LO}}\}]^{ms}$$

$$= e\eta i \left(\frac{1}{\hbar\omega}\right) \cdot \left(\frac{1}{2}\right) \left|\sqrt{2P_{s}} \exp j\omega_{LF}t + \sqrt{2P_{LO}}\right|^{2} \qquad (\omega_{IF} = \omega_{s} - \omega_{LO})$$

$$= e\eta i \left(\frac{1}{\hbar\omega}\right) [P_{s} + P_{LO} + 2\sqrt{P_{s}P_{LO}} \cos \omega_{IF}t] \qquad (6.12)$$



コヒーレント検波のBER特性(3)

$$S_{H} = 2\left(\frac{e\,\eta_{i}}{\hbar\omega}\right)\sqrt{P_{s}P_{LO}} \tag{6.13}$$



2009年度 光通信システム

ASKØBER(1)



本章式(6.1)、(6.2)になぞらえて、 $BER = \frac{1}{2} \left[\frac{1}{2} \operatorname{erfc} \left(\frac{SH - Dopt}{\sqrt{2}\sigma_H} \right) \right] + \frac{1}{2} \left[\frac{1}{2} \operatorname{erfc} \left(\frac{Dopt}{\sqrt{2}\sigma_H} \right) \right]$ $= \frac{1}{2} \operatorname{erfc} \left(\frac{SH}{2\sqrt{2}\sigma_H} \right) \qquad (\mathbf{D}_{opt} = \mathbf{S}_H / \mathbf{2} : \mathbf{B} \\ \mathbf{B} \\ \mathbf{B} \\ \mathbf{B} \\ \mathbf{B} \\ \mathbf{C} \\$

ASKØBER (2)

ASKヘテロダイン包絡線検波方式

ASKヘテロダイン 同期検波方式 ASKヘテロダイン 包絡線検波方式

IM-DD方式



ASKOBER (3)



包絡線検波方式の出力の確立密度関数はライス分布に従う (I0は0次の第1種変形ベッセル関数)。

$$BER = \frac{1}{2} \left[1 - \int_{D}^{\infty} \frac{r_{1}}{\sigma_{H1}^{2}} I_{0} \left(\frac{S_{H}r_{1}}{\sigma_{H1}^{2}} \right) \exp \left(-\frac{r_{1}^{2} + S_{H}^{2}}{2\sigma_{H1}^{2}} \right) dr_{1} \right] \\ + \frac{1}{2} \left[\int_{D}^{\infty} \frac{r_{0}}{\sigma_{H0}^{2}} \exp \left(-\frac{r_{0}^{2}}{2\sigma_{H0}^{2}} \right) dr_{0} \right]$$



ASKOBER(4)

ASKヘテロダイン包絡線検波方式

ただし、x₁, x₀, y₁, y₀はそれぞれマーク時、スペース時の両直交雑音成分 であり、添字1,0はそれぞれマーク、スペースを表す。

$$\eta = \sqrt{(x_1 + S_H)^2 + y_1^2}$$
$$r_0 = \sqrt{x_0^2 + y_0^2}$$
$$\overline{x_1^2} = \overline{y_1^2} = \sigma_{H1}^2$$
$$\overline{x_0^2} = \overline{y_0^2} = \sigma_{H0}^2$$

以下の変形は参考書(『コヒーレント光通信工学』(大越,菊池著,オーム社)) に任せるが、BERは以下の式で与えられる。

$$BER = \frac{1}{4} erfc \left(\frac{S_H}{2\sqrt{2}\sigma H}\right) + \frac{1}{2} exp \left(-\frac{S_H^2}{8\sigma_H^2}\right)$$
$$\approx \frac{1}{2} exp \left(-\frac{S_H^2}{8\sigma_H^2}\right)$$

FSKØBER(1)



受信器1の出力v1の確率密度関数は、 $p(v_1) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_{H1}} \exp(-\frac{(S_H - v_1)^2}{2\sigma_{H1}^2})$ 受信器2の出力v2の確率密度関数は、 $p(v_2) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_{H0}} \exp(-\frac{v_2^2}{2\sigma_{H0}^2})$

$$BER = \Pr ob(v1 - v2 < 0)$$
$$= \frac{1}{2} erfc(\frac{S_H}{2\sigma_H}) \quad (6.16)$$

FSKOBER(2)

FSKヘテロダイン包絡線検波方式



波長 λ_1, λ_2 の受信器出力の確率密度関数は、ASKヘテロダイン包絡線 検波方式と同様に以下のライス分布で表される。

$$p(\eta) = \frac{\eta}{\sigma_{H1}^{2}} I_{0} \left(\frac{S_{H} \eta}{\sigma_{H1}^{2}} \right) \exp \left(-\frac{\eta^{2} + S_{H}^{2}}{2\sigma_{H1}^{2}} \right)$$
$$p(r_{2}) = \frac{r_{0}}{\sigma_{H0}^{2}} \exp \left(-\frac{r_{0}^{2}}{2\sigma_{H0}^{2}} \right)$$

FSKØBER(3)

FSKヘテロダイン包絡線検波方式

よって、 BER = Pr ob(r₂ > r₁) = $\int_{r_1=0}^{\infty} p(r_1) \left[\int_{r_2=r_1}^{\infty} p(r_2) dr_2 \right] dr_1$ $\approx \frac{1}{2} exp \left(-\frac{S_H^2}{4\sigma_H^2} \right)$

PSKOBER(1)



$$\begin{split} \mathbf{D_{opt}} = \mathbf{0} \\ \mathbf{b} \\ BER = \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{0} \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma_{H}}} exp(-\frac{(S_{H} - v_{1})^{2}}{2\sigma_{H}^{2}}) dv_{1} + \frac{1}{2} \int_{0}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma_{H}}} exp(-\frac{(-S_{H} - v_{2})^{2}}{2\sigma_{H}^{2}}) dv_{2} \\ = \frac{1}{2} erfc(\frac{S_{H}}{\sqrt{2\sigma_{H}}}) \end{split}$$

PSKOBER(2)

PSKヘテロダイン差動同期検波方式(DPSK)



$$BER \cong \frac{1}{2} exp(-\frac{1}{2} \frac{{S_H}^2}{{\sigma_H}^2})$$
 (6.17)

参考文献: S. Stein, and J. Jones, "Modern Communication Principles", McGraws Hill (1965).

PSKØBER(3)

光DPSK送受信方式



ホモダイン受信器の性能

- ホモダイン受信器:ベースバンド受信器 cf. ヘテロダイン方式:中間周波増幅器
 - ホモダイン受信器の増幅器帯域
 = ヘテロダイン受信器の増幅器帯域×1/2
 - 雑音パワーが半分 $\sigma'^2 = \frac{1}{2} \sigma_H^2$



同じSN比に対して受信感度が半分(3dB改善)になる。

各種変復調方式の理論BER

光検波方式	変調方式	非同期検波方式	同期検波方式
直接検波 (IM-DD)	NRZ	$\frac{1}{2} \operatorname{erfc}\left(\frac{1}{\sqrt{2}} \frac{S_D}{\sigma_1 + \sigma_0}\right)$	
	ASK	包絡線 $\frac{1}{2}exp\left(-\frac{S_H^2}{8\sigma_H^2}\right)$	$\frac{1}{2} \operatorname{erfc} \left(\frac{1}{2\sqrt{2}} \frac{S_H}{\sigma_H} \right)$
ヘテロダイン	FSK	包絡線 $\frac{1}{2}exp\left(-\frac{S_H^2}{4\sigma_H^2}\right)$	$\frac{3 \text{ dBCX =}}{\frac{1}{2} \text{ erfc}} \left(\frac{1}{2} \frac{S_H}{\sigma_H}\right)$
3dB5/2	PSK	DPSK $\frac{1}{2}exp\left(-\frac{1}{2}\frac{S_H^2}{\sigma_H^2}\right)$	$\frac{1}{2} \operatorname{erfc}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\frac{S_H}{\sigma_H}\right)$
ホモダイン	ASK		$\frac{1}{2} \operatorname{erfc}\left(\frac{1}{2\sqrt{2}} \frac{S_H}{\sigma'}\right)$
	PSK		$\frac{1}{2} \operatorname{erfc}\left(\frac{1}{\sqrt{2}} \frac{S_H}{\sigma'}\right)$

 $\sigma'^2 = \frac{1}{2} \sigma_H^2$

光子数での最小受信感度の比較(1)

IM-DD方式のSNRについては、shot雑音限界を考える。

$$SNR = 4\left(\eta_i \frac{Ps}{\hbar\omega} \frac{1}{B}\right) = 4\eta_i N_p$$
 (N_p:1ビットあたりの光子数)
 $BER = \frac{1}{2} erfc\left(\frac{\sqrt{4\eta_i N_p}}{2\sqrt{2}}\right) = \frac{1}{2} erfc\left(\sqrt{\frac{\eta_i N_p}{2}}\right)$

コヒーレント方式については、式(6.11), (6.13), (6.14)より、

$$SNR = \frac{1}{2} \frac{S_H^2}{\sigma_H^2} = \frac{1}{2} \frac{4\left(\frac{e\eta_i}{\hbar\omega}\right)^2 P_s P_{LO}}{2e \cdot e\eta_i \left(\frac{P_{LO}}{\hbar\omega}\right) B}$$

$$= \eta_i \frac{P_s}{\hbar \omega} \frac{1}{B} = \eta_i N_p$$

2009年度

光通信システム

光子数での最小受信感度の比較(2)

光検波方式	変調方式	受信感度@ BER=10-9 [photon/bit]				
		非同期検波方式	同期検波方式			
直接検波 (IM-DD)	NRZ	$\frac{1}{2} \operatorname{erfc}\left(\sqrt{\frac{\eta_i N_p}{2}}\right) = 36$				
ヘテロダイン	ASK	$\left \frac{1}{2}exp\left(-\frac{\eta_i N_p}{4}\right) = 80\right $	$\left \frac{1}{2}erfc\left \frac{\sqrt{\eta_i N_p}}{2}\right = 72$			
	FSK	$\left \frac{1}{2}exp\left(-\frac{\eta_i N_p}{2}\right) = 40\right $	$\frac{1}{2} \operatorname{erfc}\left(\sqrt{\frac{\eta_i N_p}{2}}\right) = 36$			
	PSK	$\frac{1}{2}exp(-\eta_i N_p) = 20$	$\frac{1}{2} \operatorname{erfc}(\sqrt{\eta_i N_p}) = 18$			
ナエグノ ン	ASK		$\left(\frac{1}{2}erfc\left(\sqrt{\frac{\eta_i N_p}{2}}\right) = 36$			
	PSK		$\frac{1}{2} \operatorname{erfc}\left(\sqrt{2\eta_i N_p}\right) = 9$			
$10\log[\{(\frac{hc}{\lambda} \cdot B) \cdot N\} \times 10^{-3}]$ mW単位						
$=10\log(\frac{6.63\times10^{-34}\times3\times10^{8}}{1.55\times10^{-6}}\times40\times10^{9}\times9\times10^{3})$						
=-43.4dBm(a)40Gbps						

2009年度 光通信システム 各種変復調方式のBER計算結果 ・コヒーレント検波方式はIM-DD(pin-PD)より20~25dBの受信感度改善 ・PSKはshot雑音限界に近い受信感度が可能

高強度の局部発振光による信号レベルの改善が主に寄与

40Gbps NRZ, P_{LO} =0dBm, 300K, η_i =0.8 10^{-3} -IM-DD(pin) IM-DD(APD) ASKペテロダイン BER FSKヘテロダイン **10**-9 PSKヘテロダイン IM-DDの shot雜音限界 ※ホモダインでは 3dB感度改善 10-14 -30 -50 -10 **Optical Received Power (dBm)**

コヒーレント検波の技術課題

受信感度の向上を目的とした光コヒーレント検波技術であるが、以下の技術的困難を伴う。

- ① 局部発振LDの波長を信号光の搬送波波長に正確に合わせる 必要がある。
- ② 局部発振LDの発振線幅を狭くしないといけない(<1MHz)。 (位相雑音の原因)
- ③ 局部発振LDと信号光の位相を正確に合わせないといけない。
- ④ 局部発振LDと信号光の偏波を正確に合わせないといけない。



偏波ダイバシティ



2009年度 光通信システム

光位相ダイバシティ



第7章

光増幅器技術

1. 光増幅器の雑音

- 2. ASE雑音によるSN比と伝送限界
- 3. 光ファイバ増幅器の種類

2009年度

光通信システム

光ファイバの伝送損失と対応する光ファイバ増幅器



2009年度 光ファイバ増幅器の構成 光通信システム 双方向励起の構成 エルビウムドープファイバ (EDF) 光アイソレータ 励起LD 励起LD

2009年度 光通信システム Cバンド動作EDFSAとEDFFAのASEスペクトル

·A1共添加EDSFA:1.54µm~1.56µmの利得平坦動作、利得平坦度0.5dB以下

·EDFFA:1.53µm~1.56µmの利得平坦動作、利得平坦度1.5dB程度



半導体光増幅器(SOA)の基本構成

2009年度



2009年度 光通信システム Semiconductor Optical Amplifier (SOA)

K. Morito, M. Ekawa, T. Watanabe, and Y. Kotaki, IEEE J. Lightwave Technol., vol.21, No.1, pp.176-181 (2003).

・伸長歪みバルク活性層による偏波無依存化 ・光閉じ込め係数低減による飽和光出力増大



光増幅器の雑音

光増幅器の雑音特性(1)

n個の光子数を持つ状態 n>と n+1>, n-1>間の遷移図



a=AFN₂:誘導放出の遷移確率=自然放出確率 b=AFN₁:誘導吸収の遷移確率 ただしA:アインシュタインのA係数 N₁:下準位の密度 N₂:上準位の密度

n個あった光子数がn+1個に増える確率は、a+an n+1個からn個になる確率は、b(n+1) 従って、光子数がn個になる存在確率P_n(t)の時間変化は以下の方程式で表される。

 $\frac{dP_n(t)}{dt} = -[a(n+1)+bn]P_n(t) + [a(n-1)+a]P_{n-1}(t) + [b(n+1)]P_{n+1}(t)$ (7.1)

2009年度

光通信システム

光増幅器の雑音特性(2)

光子数の平均値<n>,2乗平均値<n²>は $P_n(t)$ を用いて表現される光子数の k次モーメント<n^k>= $\Sigma n_k P_n(cおいてk=1, 20場合であるから、式(7.1)より$

$$\frac{d < n >}{dt} = (a - b) < n > +a$$
(7.2)
$$\frac{d < n^{2} >}{dt} = 2(a - b) < n^{2} > +(3a + b) < n > +a$$
(7.3)

ーつのモード当たりの入射信号光子数に対応する初期条件 < $n(0)>=<n_0>, <n^2(0)>=<n_0^2>で解くと、$

$$=exp[(a-b)t]+n_{sp}{exp[(a-b)t]-1}$$
 (7.4)

$$exp[(a-b)t] + n_{sp} \{exp[(a-b)t] - 1\} + 2n_{sp} \{exp[(a-b)t - 1\} < n_{0} > exp[(a-b)t] + n_{sp}^{2} \{exp[(a-b)t] - 1\}^{2} + exp[2(a-b)t](-^{2} -)$$
(7.5)

光増幅器の雑音特性(3)

ただし、
$$\binom{n_{sp} = \frac{a}{a-b} = \frac{N_2}{N_2 - N_1}}{exp[(a-b)t]}$$
:反転分布パラメータor
自然放出光係数

式(7.4)、(7.5)をすべてのモードに対する和を取る。



自然放出光に対する和

・利得媒質の等価的な周波数帯域幅(波長フィルタを 使用する場合はその帯域幅) Δf $n_{sp} \rightarrow n_{sp}m_t \Delta f$ ・導波される横モードの総数 m_t (直交偏波を含む)

光増幅器の雑音特性(4)

- ・式(7.5)中の第3項 n_{sp}<n₀> → 自然放出光と信号光の各モードが一致している 前提なので、n_{sp}<n_{in}>とする。
- ・式(7.5)中の第4項 $n_{sp}^2 \rightarrow -$ つのモードの自乗和なので、 $n_{sp}^2 m_t \Delta f$ とする。

以上から、光増幅器出力端での平均光子数< n_{out} > と分散 σ_{out}^2 (< n_{out}^2 >-< n_{out}^2)は、

$$\begin{cases} = G < n_{in} > + (G-1)n_{sp}m_{t}\Delta f \quad (7.6) \\ \sigma_{out}^{2} = G < n_{in} > + (G-1)n_{sp}m_{t}\Delta f + 2G(G-1)n_{sp} < n_{in} > + (G-1)^{2}n_{sp}^{2}m_{t}\Delta f \\ + G^{2}\beta < n_{in} > & (7.7) \end{cases}$$

式 (7.6) 中の項の意味 第1項: 増幅された信号光
第2項: 発生したASE (Amplified Spontaneous Emission)
式 (7.7) 中の項の意味 第1項: 信号光のショット雑音
第2項: ASEのショット雑音
第3項: 信号光 - ASE間のビート雑音
第3項: 信号光 - ASE間のビート雑音
第4項: ASE - ASE間のビート雑音
第5項: 信号光の持つ過剰雑音 (相対強度雑音など)

光増幅器による 伝送特性・限界

2009年度 光通信システム 光前置増幅器による最小受信感度の改善



2009年度 光通信システム 光前置増幅器による最小受信感度の改善(解析例)

NRZ, 300K, η_i =0.8, R_L =50 Ω



光前置増幅器によるSNR改善効果(1)

<mark>光増幅器(OAMP)の有無によるSNRの比較</mark>(増幅G+伝送損失L)



熱雑音が支配的のとき



光前置増幅器によるSNR改善効果(2)



SNRを考慮した長距離伝送設計(1)



2009年度

光通信システム

SNRを考慮した長距離伝送設計(2)

① 信号光のショット雑音 σs , shot²

$$= \{2e \cdot e\eta i(\frac{Ps}{\hbar\omega})(\frac{B}{2})\}G_0(\underline{A_1G_1})(\underline{A_2G_2})\cdots(\underline{A_nG_n})$$

1スパンの損失×増幅を各スパンで繰り返す

② ASEのショット雑音

 $\sigma sp, shot^2$

SNRを考慮した長距離伝送設計(3)

SNRを考慮した長距離伝送設計(4)

④ ASE間ビート雑音 $\sigma sp - sp^{2}$ $= \{2e\eta_{i}n_{sp}\}^{2}m_{t}B_{opt}(\frac{B}{2})$ $\times [\{(G_{0}-1)A_{1}G_{1}A_{2}G_{2}\cdots A_{n}G_{n}\} + \{(G_{1}-1)A_{2}G_{2}\cdots A_{n}G_{n}\} + \dots + \{(G_{n-1}-1)A_{n}G_{n}\} + (G_{n}-1)]^{2}$ G_{0} で発生したASEが 次段以降で損失×増幅を繰り返す成分

⑤ 熱雑音

$$\sigma_{th} = \frac{4kT}{RL}(\frac{B}{2})$$

2009年度 SNRを考慮した長距離伝送設計(5) 光通信システム $\exists UG_1 = G_2 = \bullet \bullet \bullet \bullet = G_n, A_1 = A_2 = \bullet \bullet \bullet = A_n,$ $A_1 G_1 = A_2 G_2 = \bullet \bullet \bullet \bullet = A_n G_n = 1$ と仮定すると、 信号光成分 $(e\eta i \frac{P_s}{\hbar\omega})G_0$ 雑音成分 $\sigma tot^2 = \sigma s, shot^2 + \sigma sp, shot^2 + \sigma s - sp^2 + \sigma sp - sp^2 + \sigma_{th}^2$ ① 信号光のショット雑音 $\sigma s, shot^2 = \{2e \cdot e \eta i(\frac{Ps}{h \cdot e})(\frac{B}{2})\}G_0$ ② ASEのショット雑音 $\sigma_{sp,shot}^2 = \{2e \cdot e\eta_i n_{sp} B_{opt}(\frac{B}{2})\}[(G_0 - 1) + n_j G_1 - 1)]$ ③信号光とASEのビート雑音 $\sigma_{s-sp}^{2} = \{2e\eta_{i}(\frac{P_{s}}{\hbar\omega})\}(2e\eta_{i}n_{sp})(\frac{B}{2})G_{0}[(G_{0}-1)+n_{sp}](G_{1}-1)]$ ④ ASE間ビート雑音 $\sigma_{sp-sp}^{2} = \{2e\eta_{i}n_{sn}\}^{2}B_{opt}(\frac{B}{2})[(G_{0}-1)(G_{1}-1)]^{2}$ $\sigma_{th}^{2} = \frac{4kT}{R_{L}} (\frac{B}{2})$ ⑤ 熱雑音

SNRを考慮した長距離伝送設計(6)

信号光ーASE間ビート雑音が支配的のとき、 $\sigma_{tot}^{2} = \sigma_{s,shot}^{2} + \sigma_{sp,shot}^{2} + \sigma_{s-sp}^{2} + \sigma_{sp-sp}^{2} + \sigma_{th}^{2}$ $\cong \sigma_{s-sp}^{2} = \{2e\eta_{i}(\frac{P_{s}}{\hbar\omega})\}(2e\eta_{i}n_{sp})(\frac{B}{2})G_{0}[(G_{0}-1)+n(G_{1}-1)]$ $\therefore SNR = \frac{4 \cdot \{e\eta_i(\frac{Ps}{\hbar\omega})G_0\}^2}{\{2e\eta_i(\frac{Ps}{\hbar\omega})\}\{2e\eta_i n_{sp}\}(\frac{B}{2})G_0[(G_0-1)+n(G_1-1)]}$ $\frac{2P_sG_0}{\hbar\omega n_{sp}B[(G_0-1)+n(G_1-1)]} \cong \frac{2P_sG_0}{\hbar\omega n_{sp}B[G_0+nG_1]}$ (7.8)

BER<10⁻⁹を満たすときSNR>144 (21.6dB)なので、最大中継段数nが 求まる。

ただし実際は他の雑音成分の影響も考慮しないといけない。

雑音指数

雑音指数:Noise Figure (NF)

$$NF = \frac{SNin}{SNout}$$

$$\cong 2\frac{G-1}{G}nsp$$

$$\cong 2nsp$$

$$\sum$$
n_{sp}>1だからNF>2 (3dB)
増幅後のSN比は入力に
対して必ず3dB以上劣化

2009年度 多段接続時のSNR変化 光通信システム スパン#1 スパン#2 スパン#k G, G. G. LD 信号光 パワー 10log(F) $10\log(2F)$ 10log(kF) **SNR**

距離

SNRを考慮した長距離伝送設計(解析例)

計算結果



光増幅器による伝送距離の長距離化

